

제 2 교시

수학 영역(나형)

5지선다형

1.  $2^{\frac{5}{2}} \times 2^{-\frac{1}{2}}$ 의 값은? [2점]

- ① 1      ②  $\sqrt{2}$       ③ 2      ④  $2\sqrt{2}$       ⑤ 4

2. 함수  $f(x) = x^3 + 2x^2$ 에 대하여  $f'(1)$ 의 값은? [2점]

- ① 6      ② 7      ③ 8      ④ 9      ⑤ 10

3. 두 집합  $A, B$ 에 대하여  $n(A) = 5$ ,  $A \cap B = \{2, 3\}$ 일 때,  $n(A - B)$ 의 값은? [2점]

- ① 1      ② 2      ③ 3      ④ 4      ⑤ 5

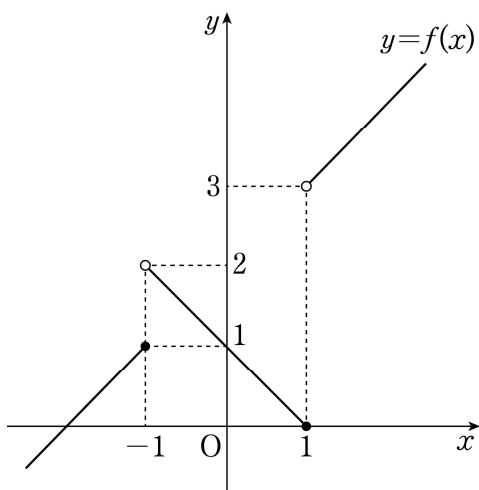
4.  $\int_0^1 (3x^2 - 2)dx$ 의 값은? [3점]

- ① -2      ② -1      ③ 0      ④ 1      ⑤ 2

5. 수열  $\{a_n\}$ 의 첫째항부터 제  $n$ 항까지의 합  $S_n$ 이  $S_n = 2n^2 + n$ 일 때,  $a_3 + a_4 + a_5$ 의 값은? [3점]

- ① 30      ② 35      ③ 40      ④ 45      ⑤ 50

6. 함수  $y = f(x)$ 의 그래프가 그림과 같다.



$\lim_{x \rightarrow -1^-} f(x) + \lim_{x \rightarrow 1^+} f(x)$ 의 값은? [3점]

- ① 1      ② 2      ③ 3      ④ 4      ⑤ 5

7. 이산확률변수  $X$ 의 확률분포를 표로 나타내면 다음과 같다.

$X$	1	2	3	합계
$P(X=x)$	$a$	$a + \frac{1}{4}$	$a + \frac{1}{2}$	1

$P(X \leq 2)$ 의 값은? [3점]

- ①  $\frac{1}{4}$       ②  $\frac{7}{24}$       ③  $\frac{1}{3}$       ④  $\frac{3}{8}$       ⑤  $\frac{5}{12}$

8.  $10^{0.94} = k$ 라 할 때,  $\log k^2 + \log \frac{k}{10}$ 의 값은? [3점]

- ① 1.82      ② 1.85      ③ 1.88      ④ 1.91      ⑤ 1.94

# 수학 영역(나형)

3

9. 어느 공장에서 생산하는 축구공 1개의 무게는 평균이 430g이고 표준편차가 14g인 정규분포를 따른다고 한다. 이 공장에서 생산한 축구공 중에서 임의로 선택한 축구공 1개의 무게가 409g 이상일 확률을 오른쪽 표준정규분포표를 이용하여 구한 것은? [3점]

$z$	$P(0 \leq Z \leq z)$
0.5	0.1915
1.0	0.3413
1.5	0.4332
2.0	0.4772
2.5	0.4938

- ① 0.6915    ② 0.8413    ③ 0.9332    ④ 0.9772    ⑤ 0.9938

10. 두 사건  $A, B$ 가 다음 조건을 만족시킨다.

$$(가) P(A) = \frac{1}{3}, P(B) = \frac{1}{2}$$

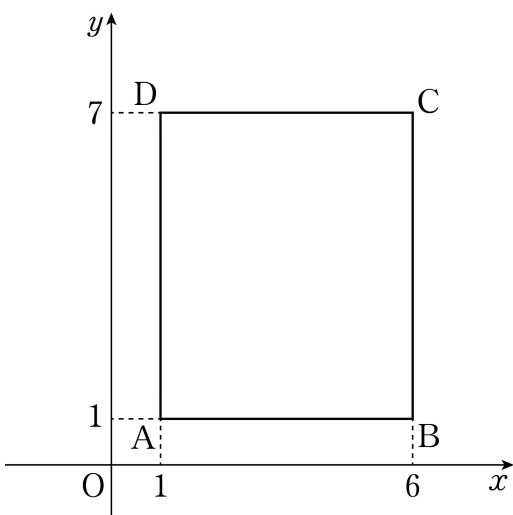
$$(나) P(A|B) + P(B|A) = \frac{10}{7}$$

$P(A \cap B)$ 의 값은? [3점]

- ①  $\frac{2}{21}$     ②  $\frac{1}{7}$     ③  $\frac{4}{21}$     ④  $\frac{5}{21}$     ⑤  $\frac{2}{7}$

11. 좌표평면에 네 점 A(1, 1), B(6, 1), C(6, 7), D(1, 7)을 꼭짓점으로 하는 직사각형 ABCD가 있다. 함수  $y = \sqrt{x+3} + a$ 의 그래프가 직사각형 ABCD와 만나도록 하는 정수  $a$ 의 개수는? [3점]

① 8      ② 9      ③ 10      ④ 11      ⑤ 12



12. 수직선 위를 움직이는 점 P의 시각  $t$  ( $t \geq 0$ )에서의 위치  $x$ 가

$$x = t^4 + at^3 \quad (a \text{는 상수})$$

이다.  $t=2$ 에서 점 P의 속도가 0일 때,  $t=0$ 에서  $t=2$ 까지 점 P가 움직인 거리는? [3점]

①  $\frac{16}{3}$       ②  $\frac{20}{3}$       ③ 8      ④  $\frac{28}{3}$       ⑤  $\frac{32}{3}$

13. 한 개의 동전을 사용하여 다음 규칙에 따라 점수를 얻는 시행을 한다.

한 번 던져 앞면이 나오면 2점, 뒷면이 나오면 1점을 얻는다.

이 시행을 5번 반복하여 얻은 점수의 합이 6 이하일 확률은?  
[3점]

- ①  $\frac{3}{32}$     ②  $\frac{1}{8}$     ③  $\frac{5}{32}$     ④  $\frac{3}{16}$     ⑤  $\frac{7}{32}$

14. 어느 학급 학생 30명을 대상으로 A, B, C의 3가지 프로그램을 마련하여 진로 체험 활동을 실시하기로 하였다. 이때 모든 학생이 A, B, C 중 반드시 서로 다른 2가지 프로그램을 선택하도록 하였다. 프로그램 A를 선택한 학생은 20명이고, 프로그램 B를 선택한 학생은 17명일 때, 프로그램 C를 선택한 학생의 수는? [4점]

- ① 17    ② 19    ③ 21    ④ 23    ⑤ 25

15. 함수

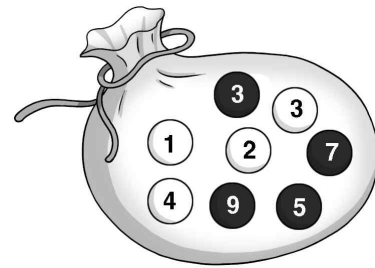
$$f(x) = \begin{cases} x+2 & (x \leq a) \\ x^2-4 & (x > a) \end{cases}$$

에 대하여 함수  $|f(x)|$  가 실수 전체의 집합에서 연속이 되도록 하는 모든 실수  $a$ 의 값의 합은? [4점]

- ① -3      ② -2      ③ -1      ④ 1      ⑤ 2

16. 주머니에 1, 2, 3, 4의 숫자가 각각 하나씩 적힌 흰 공 4개와 3, 5, 7, 9의 숫자가 각각 하나씩 적힌 검은 공 4개가 들어 있다. 이 주머니에서 임의로 3개의 공을 동시에 꺼낸다. 꺼낸 3개의 공이 흰 공 2개, 검은 공 1개일 때, 꺼낸 검은 공에 적힌 수가 꺼낸 흰 공 2개에 적힌 수의 합보다 클 확률은? [4점]

- ①  $\frac{11}{24}$       ②  $\frac{1}{2}$       ③  $\frac{13}{24}$       ④  $\frac{7}{12}$       ⑤  $\frac{5}{8}$



17. 실수  $x$ 에 대한 두 조건

$$p: (x-1)^2 \leq 0,$$

$$q: 2x^2 - (3k+7)x + 2 = 0$$

에 대하여  $p$ 가  $q$ 이기 위한 필요조건이 되도록 하는 모든 정수  $k$ 의 값의 합은? [4점]

- ① -7      ② -6      ③ -5      ④ -4      ⑤ -3

18. 주머니에 1이 적힌 공이  $n$ 개, 2가 적힌 공이  $(n-1)$ 개, 3이 적힌 공이  $(n-2)$ 개, ...,  $n$ 이 적힌 공이 1개가 들어 있다. 이 주머니에서 임의로 꺼낸 한 개의 공에 적힌 수를 확률변수  $X$ 라 하자. 다음은  $E(X) \geq 5$ 가 되도록 하는 자연수  $n$ 의 최솟값을 구하는 과정이다.

$n$  이하의 자연수  $k$ 에 대하여  $k$ 가 적힌 공의 개수는  $(n-k+1)$ 이므로

$$P(X=k) = \frac{2(n-k+1)}{\text{(가)}} \quad (k=1, 2, 3, \dots, n)$$

확률변수  $X$ 의 평균은

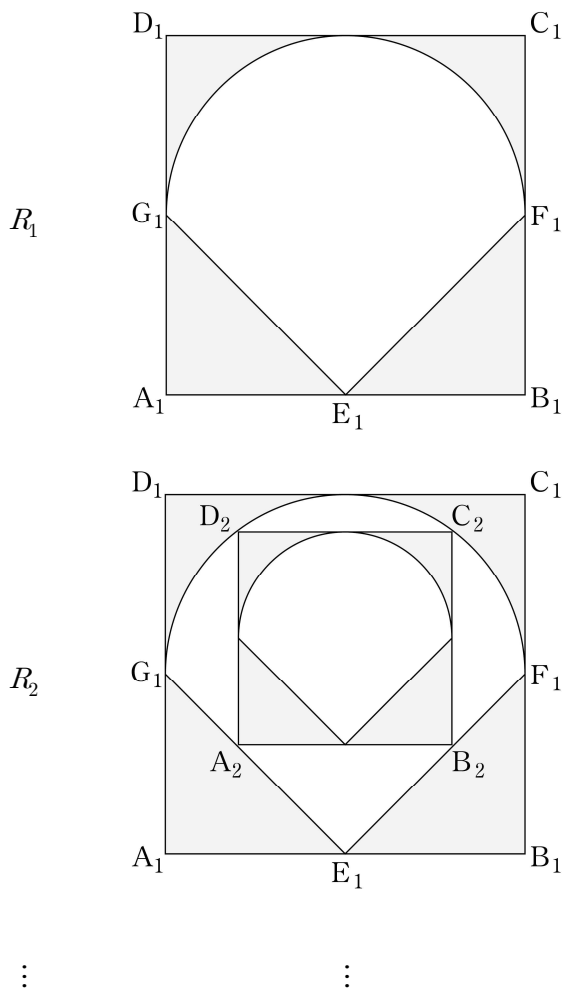
$$\begin{aligned} E(X) &= \sum_{k=1}^n kP(X=k) \\ &= \frac{2}{\text{(가)}} \times \sum_{k=1}^n k(n-k+1) \\ &= \text{(나)} \end{aligned}$$

$E(X) \geq 5$ 에서  $n$ 의 최솟값은  $\text{(다)}$ 이다.

위의 (가), (나)에 알맞은 식을 각각  $f(n)$ ,  $g(n)$ 이라 하고, (다)에 알맞은 수를  $a$ 라 할 때,  $f(7)+g(7)+a$ 의 값은? [4점]

- ① 72      ② 74      ③ 76      ④ 78      ⑤ 80

19. 그림과 같이 한 변의 길이가 2인 정사각형  $A_1B_1C_1D_1$ 이 있다. 세 변  $A_1B_1, B_1C_1, D_1A_1$ 의 중점을 각각  $E_1, F_1, G_1$ 이라 하자. 선분  $G_1F_1$ 을 지름으로 하고 선분  $D_1C_1$ 에 접하는 반원의 호  $G_1F_1$ 과 두 선분  $G_1E_1, E_1F_1$ 로 둘러싸인  $\diamond$  모양의 도형의 외부와 정사각형  $A_1B_1C_1D_1$ 의 내부의 공통부분을 색칠하여 얻은 그림을  $R_1$ 이라 하자. 그림  $R_1$ 에서 선분  $G_1E_1$  위의 점  $A_2$ , 선분  $E_1F_1$  위의 점  $B_2$ 와 호  $G_1F_1$  위의 두 점  $C_2, D_2$ 를 꼭짓점으로 하고 선분  $A_2B_2$ 가 선분  $A_1B_1$ 과 평행한 정사각형  $A_2B_2C_2D_2$ 를 그린다. 정사각형  $A_2B_2C_2D_2$ 에 그림  $R_1$ 을 얻는 것과 같은 방법으로 그린  $\diamond$  모양의 도형의 외부와 정사각형  $A_2B_2C_2D_2$ 의 내부의 공통부분을 색칠하여 얻은 그림을  $R_2$ 라 하자. 이와 같은 과정을 계속하여  $n$ 번째 얻은 그림  $R_n$ 에 색칠되어 있는 부분의 넓이를  $S_n$ 이라 할 때,  $\lim_{n \rightarrow \infty} S_n$ 의 값은? [4점]



- ①  $\frac{25(6-\pi)}{42}$
- ②  $\frac{25(6-\pi)}{32}$
- ③  $\frac{25(6-\pi)}{24}$
- ④  $\frac{25(6-\pi)}{21}$
- ⑤  $\frac{5(6-\pi)}{4}$

20. 사차함수  $f(x)$ 가 다음 조건을 만족시킨다.

- (가)  $f'(x) = x(x-2)(x-a)$  (단,  $a$ 는 실수)
- (나) 방정식  $|f(x)| = f(0)$ 은 실근을 갖지 않는다.

<보기>에서 옳은 것만을 있는 대로 고른 것은? [4점]

- < 보 기 >
- ㄱ.  $a=0$ 이면 방정식  $f(x)=0$ 은 서로 다른 두 실근을 갖는다.
  - ㄴ.  $0 < a < 2$ 이고  $f(a) > 0$ 이면, 방정식  $f(x)=0$ 은 서로 다른 네 실근을 갖는다.
  - ㄷ. 함수  $|f(x)-f(2)|$ 가  $x=k$ 에서만 미분가능하지 않으면  $k < 0$ 이다.

- ① ㄱ
- ② ㄱ, ㄴ
- ③ ㄱ, ㄷ
- ④ ㄴ, ㄷ
- ⑤ ㄱ, ㄴ, ㄷ

21. 함수  $f(x) = \frac{k}{x} + 5$  ( $k$ 는 양의 상수)의 그래프를  $x$ 축의 방향으로  $m$  ( $m > 0$ )만큼 평행이동시킨 그래프를 나타내는 함수를  $y = g(x)$ 라 하자. 두 함수  $f(x)$ ,  $g(x)$ 가 다음 조건을 만족시킨다.

(가)  $g(a) = b$ ,  $g(b) = a$ 인 서로 다른 두 실수  $a$ ,  $b$ 가 존재한다.

(나) 열린 구간  $(0, m)$ 에서 정의된 함수  $\frac{1}{f(x) - g(x)}$ 의 최댓값은  $\frac{5}{24}$ 이다.

$g(9)$ 의 값은? [4점]

- ①  $\frac{11}{2}$     ②  $\frac{13}{2}$     ③  $\frac{15}{2}$     ④  $\frac{17}{2}$     ⑤  $\frac{19}{2}$

단답형

22.  ${}_4P_2 + {}_4\Pi_2$ 의 값을 구하시오. [3점]

23. 세 수  $a+3$ ,  $a$ ,  $4$ 가 이 순서대로 등비수열을 이룰 때, 양수  $a$ 의 값을 구하시오. [3점]

24. 수열  $\{a_n\}$ 이 모든 자연수  $n$ 에 대하여 부등식

$$\frac{10}{2n^2+3n} < a_n < \frac{10}{2n^2+n}$$

을 만족시킬 때,  $\lim_{n \rightarrow \infty} n^2 a_n$ 의 값을 구하시오. [3점]

25. 다항함수  $f(x)$ 가 모든 실수  $x$ 에 대하여

$$\int_a^x f(t)dt = \frac{1}{3}x^3 - 9$$

를 만족시킬 때,  $f(a)$ 의 값을 구하시오. (단,  $a$ 는 실수이다.)

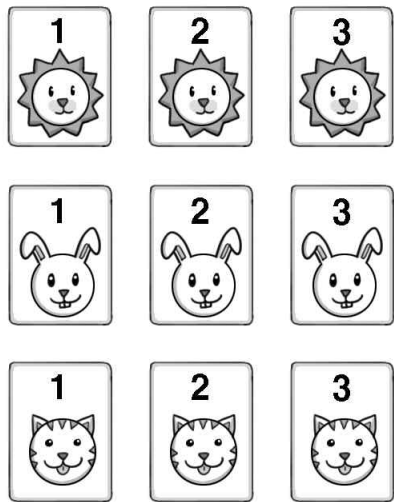
[3점]

26. 집합  $X = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7\}$ 에 대하여 다음 조건을 만족시키는 함수  $f: X \rightarrow X$ 의 개수를 구하시오. [4점]

(가) 함수  $f$ 의 치역의 원소의 개수는 3이다.

(나) 집합  $X$ 의 임의의 두 원소  $x_1, x_2$ 에 대하여  $x_1 < x_2$ 이면  $f(x_1) \leq f(x_2)$ 이다.

27. 그림과 같이 숫자 1, 2, 3이 각각 하나씩 적힌 세 가지 그림의 카드 9장이 있다. 이 중에서 서로 다른 5장의 카드를 선택할 때, 숫자 1, 2, 3이 적힌 카드가 적어도 한 장씩 포함되도록 선택하는 경우의 수를 구하시오. (단, 카드를 선택하는 순서는 고려하지 않는다.) [4점]



28. 두 집합  $X = \{1, 2, 3, 4\}$ ,  $Y = \{2, 4, 6, 8\}$ 에 대하여 함수  $f : X \rightarrow Y$ 가 다음 조건을 만족시킨다.

- (가) 함수  $f$ 는 일대일 대응이다.
- (나)  $f(1) \neq 2$
- (다) 등식  $\frac{1}{2}f(a) = (f \circ f^{-1})(a)$ 를 만족시키는  $a$ 의 개수는 2이다.

$f(2) \times f^{-1}(2)$ 의 값을 구하시오. [4점]

29. 최고차항의 계수가 양수인 이차함수  $f(x)$ 가 다음 조건을 만족시킨다.

(가) 모든 실수  $t$ 에 대하여  $\int_0^t f(x) dx = \int_{2a-t}^{2a} f(x) dx$ 이다.

(나)  $\int_a^2 f(x) dx = 2$ ,  $\int_a^2 |f(x)| dx = \frac{22}{9}$

$f(k)=0$ 이고  $k < a$ 인 실수  $k$ 에 대하여  $\int_k^2 f(x) dx = \frac{q}{p}$ 이다.

$p+q$ 의 값을 구하시오. (단,  $a$ 는 상수이고,  $p$ 와  $q$ 는 서로소인 자연수이다.) [4점]

30. 최고차항의 계수가 1인 삼차함수  $f(x)$ 와 실수  $t$ 가 다음 조건을 만족시킨다.

등식  $f(a)+1=f'(a)(a-t)$ 를 만족시키는 실수  $a$ 의 값이 6 하나뿐이기 위한 필요충분조건은  $-2 < t < k$ 이다.

$f(8)$ 의 값을 구하시오. (단,  $k$ 는  $-2$ 보다 큰 상수이다.) [4점]

※ 확인 사항

- 답안지의 해당란에 필요한 내용을 정확히 기입(표기)했는지 확인하시오.